Поместить на форму компонент ListBox. Динамически создать 10 компонентов CheckBox. Текст каждого вновь выбранного CheckBox’а дописывать в список ListBox (повторяющиеся элементы в список не заносить)